塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液の熱力学的性質。その4 再考

Thermodynamic properties of aqueous solutions of magnesium chloride and calcium chloride. Part 4. Reconsideration

澁 江 靖 弘* SHIBUE Yasuhiro

塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液の熱力学的性質(浸透係数,イオンの平均活量係数,見かけの相対モルエンタルピー,見かけのモル体積,見かけの定圧モル熱容量)を求めた。温度条件は250℃まで,圧力条件は500 bar まで,濃度条件は4 mol kg $^{-1}$ までである。

キーワード:塩化マグネシウム水溶液,塩化カルシウム水溶液,熱力学的性質

Key words: Aqueous magnesium chloride solution, Aqueous calcium chloride solution, Thermodynamic properties

1. はじめに

筆者はこれまでの報告(澁江, 2010, 2011a, 2011b) 中で、塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液 の浸透係数, イオンの平均活量係数, 見かけの相対モル エンタルピー, 見かけのモル体積, 見かけの定圧モル熱 容量に関連する測定値をまとめた上で、これらの性質を 計算する式を求めた。考慮した圧力範囲は500 bar まで, 温度範囲は250℃まで、濃度範囲は4 mol kg⁻¹までであ る。しかしながら、この結果にはいくつかの問題点があっ た。まず、希釈熱の計算値が実験値から大きく外れてい る (澁江, 2011b, 表 4 および表 7)。特に, 塩化マグネ シウム水溶液の計算値が大きく外れている。二番目の問 題点は, 回帰計算に用いた塩化カルシウム水溶液の実験 値として誤った値を使用していたことが、その後、判明 したことである。そこで、本報告では、前者の問題点に ついて再検討を加えるとともに、後者の誤りを正す。そ して、新たに求めた計算式を用いた計算プログラムを示

2. 実験結果の再検討

澁江 (2011b) 中の表 4 から表 8 で示されている計算値の実験値からのずれに基づいて、回帰計算に取り入れる実験結果をさらに絞り込む。計算値の実験値からのずれを澁江 (2011b) は (100/N) Σ |1−Y^{calc}/Y |として求めている。ここで、Y は任意の量の測定値、Y^{calc} は Y の計算値、N は測定数を表す。澁江 (2011b) は、このずれを表す値を Mulero et al. (2001) や Haghtalab et al. (2012) などと同じように AAD 値と名付けているが、Valavi and Dehghani (2012) は AARD% (Absolute Average Relative Deviation percent)と名付けている。Valavi and Dehghani (2012) の名付け方の方が計算式の

意味をよく表しているので、以下では計算値のずれを A ARD% として表すことにする。つまり、AARD%を次式で表すことにする。

 $AARD\% = (100/N) \Sigma |1 - Y^{calc}/Y| \quad (1)$

2.1 塩化マグネシウム水溶液

澁江(2011b)が示した塩化マグネシウム水溶液の浸 透係数に関する AARD% を見ると、Pitzer et al. (1999) に関する値が2.02%である。また、イオンの平均活量係 数に関する AARD%は、Pitzer et al. (1999) に関する 値が3.14%である(澁江(2011b)の表4中では0.85%と なっているが、これは誤りである)。Pitzer et al. (1999) の値は測定値ではなく測定値をコンパイルして計算した 25℃, 1 bar の時の値であるが、この温度・圧力条件で の浸透係数やイオンの平均活量係数に関する測定値は非 常に多い上に正確なものも多い。このため、Pitzer et al. (1999) 中の計算式は標準誤差が0.003となっている。し たがって, 澁江 (2011b) の計算結果は, Pitzer et al. (1999) からかなり外れていることになる。25℃付近で 澁江 (2011b) が回帰計算に取り入れた測定値の中で, 40℃での測定値である Baabor et al. (2001) に関する AARD%が比較的大きい。そこで、Baabor et al. (2001) を回帰計算から外した。

澁江 (2011b) が示した塩化マグネシウム水溶液の希 釈熱に関する AARD%を見ると, Jahn and Wolf (1993) と Leung and Millero (1975a) に関する AARD%が非常 に大きい。Jahn and Wolf (1993) を回帰計算から外す, Leung and Millero (1975a) を回帰計算から外す,ある いはこれら2つの文献値を回帰計算から外すことを行っ たところ, Leung and Millero (1975a) を回帰計算から 外した時に希釈熱に関する AARD%が全体的に小さくなった。そこで、Leung and Millero(1975a)を回帰計算から外した。

2.2 塩化カルシウム水溶液

澁江 (2011b) が示した塩化カルシウム水溶液の浸透 係数に関する AARD%を見ると、Perman and Price (1913) と Zarembo et al. (1980) に関する AARD%が、 それぞれ、19.76%と20.03%である。いずれも、その他 の文献値に比べてかなり大きい。そこで、これらの測定 値を回帰計算から外した。

3. 回帰式

本研究で用いた Pitzer 式を澁江(2011b)が示しているので、ここでは簡単に記すだけにする。圧力 (P) の単位を回帰計算に用いた bar で表した式で示す。 P_R を1.01 325 bar とおいて、イオン間相互作用パラメータ $(\beta^{(0)},\beta^{(1)},C)$ を温度(T,絶対温度)と圧力の関数として次式で表す。

$$\beta^{(0)} = q_1 + q_2T + q_3/(T-227) + q_4/(647-T)$$

+
$$(P-P_R)[q_5 + q_6T + q_7/(T-227) + q_8/(647-T)]$$

+
$$(P-P_R)^2[q_9 + q_{10}T + q_{11}/(T-227) + q_{12}/(647-T)]$$

$$\beta^{(1)} = q_{13} + q_{14}T + q_{15}/(T-227) + q_{16}/(647-T)$$

$$C = q_{17} + q_{18}T + q_{19}/(T-227) + q_{20}/(647-T)$$

+
$$(P-P_R)[q_{21} + q_{22}T + q_{23}/(T-227) + q_{24}/(647-T)]$$

+
$$(P-P_R)^2[q_{25} + q_{26}T + q_{27}/(T-227) + q_{28}/(647-T)]$$

ここで、 q_i $(i=1\cdots28)$ が求めるべき経験的係数である。経験的係数 q_i から q_2 8は通常の最小二乗法で求めことができ、最小にする残差平方和(S)を次式で考える。

$$S\!=\Sigma\,(\phi\!-\!\phi^{calc})^{\,2}\!/\!\sigma_{\!\phi}^{2}$$

+
$$\sum (\ln \gamma_{\pm} - \ln \gamma_{\pm}^{\text{calc}})^2 / \sigma_{\gamma}^2$$

$$+ \hspace{.2cm} \Sigma \hspace{.1cm} \big(\Delta H_{\text{dil}} - \Delta H_{\text{dil}}^{\hspace{.1cm} \text{calc}} \big)^{\hspace{.1cm} 2} / \sigma_{\text{H}}^{\hspace{.1cm} 2} \hspace{.1cm} + \hspace{.1cm} \Sigma \hspace{.1cm} \big(V_{\text{aq}} - V_{\text{aq}}^{\hspace{.1cm} \text{calc}} \big)^{\hspace{.1cm} 2} / \sigma_{\text{v}}^{\hspace{.1cm} 2}$$

+
$$\sum (c_{P, aq} - c_{P, aq}^{calc})^2 / \sigma_c^2$$
 (2)

式(2)中の肩字 calc は計算値を表し、 σ_{ϕ} は浸透係数(ϕ) の測定値に関する不確かさ、 σ_{ϕ} はイオンの平均活量係数 の自然対数値(lmy_{\pm})の測定値に関する不確かさ、 σ_{H} は

希釈熱 (ΔH_{eff}) の測定値に関する不確かさ、 σ_{c} は水溶液 1 g 当たりの体積(v_{sq})の測定値に関する不確かさ、 σ_{c} は水溶液 1 g 当たりの定圧熱容量($c_{P,sq}$)の測定値に関する不確かさを表す。これらの不確かさの大きさは、澁江(2011b)中で考えた値をそのまま用いた。浸透係数に関しては0.01, イオンの平均活量係数については0.005, 希釈熱に関しては 2 %あるいは20 J mol^{-1} のいずれか大きい方の値、1 g 当たりの体積に関しては0.0001、1 g 当たりの定圧熱容量に関しては0.001と取っている。体積や定圧熱容量の計算を行う時に標準状態における電解質の見かけのモル体積と見かけの定圧モル熱容量の値が必要となる。ここでは、澁江(2011a)が与えた式をそのまま用いる。

式(2) に ∂ S/ ∂ q_i =0 $(i=1\cdots 28)$ の条件を適用すると次式を得ることができる。

$$0 = \sum \left(\partial \phi^{calc} / \partial q_i \right) \left(\phi - \phi^{calc} \right) / \sigma_{\phi}^{2}$$

+
$$\sum \left(\partial \ln \gamma_{\pm}^{\text{calc}} / \partial q_{i} \right) \left(\ln \gamma_{\pm} - \ln \gamma_{\pm}^{\text{calc}} \right) / \sigma_{\gamma}^{2}$$

+
$$\sum \left(\partial \Delta H_{dil}^{calc} / \partial q_i \right) \left(\Delta H_{dil} - \Delta H_{dil}^{calc} \right) / \sigma_H^2$$

$$+ \ \sum \left(\, \partial \, V_{aq}^{\ calc} / \, \partial \, q_{\,i} \right) \left(V_{aq} - V_{aq}^{\ calc} \right) / \sigma_v^{\,\,2}$$

$$+ \ \, \sum \left(\, \partial \, c_{P, \; aq}^{\quad \, calc} / \, \partial \, q_{\; i} \right) \left(c_{P, \; aq}^{\quad \, -} \, c_{P, \; aq}^{\quad \, calc} \right) / \sigma_{c}^{\; 2}$$

 \mathbf{q}_i (\mathbf{i} =1…28)を含む項を左辺に集めて、 ∂ S/ ∂ \mathbf{q}_i =0 (\mathbf{i} =1…28) の条件から導ける28の連立方程式を解いた。この際に、澁江 (2011b) と同じように変数変換を行って連立方程式を解いている。

4. 計算結果

表 $1 c q_i$ ($i=1\cdots28$) の計算結果を示す。変数変換を行わなかった場合に、係数行列の逆行列を得ることができない場合があった(澁江、2011b)。変数変換によってこれを避けることができたが、係数行列の条件数(森他、1982、p. 112)は塩化マグネシウム水溶液に関するもので459、塩化カルシウム水溶液に関するもので460であった。いずれの条件数も小さいとは言えない。

表1に示した q_i の値を用いて浸透係数,イオンの平均活量係数,希釈熱,水溶液1g当たりの定圧熱容量と1g当たりの体積を計算した。浸透係数とイオンの平均活量係数の計算式を澁江(2011b,表1)中で示しているので,ここでは省略する。また,澁江(2011b,表1)中で示した見かけの相対モルエンタルピーの計算式と澁江(2010)中で示した希釈熱と見かけの相対モルエンタルピーの関係式より,希釈熱を計算した。同様に,澁江(2011b,表1)中で示した見かけの定圧モル熱容量と見

表 1 パラメータ q₁ から q₂₈の値

	塩化マグネシ	塩化カルシウ
	ウム水溶液	ム水溶液
q_1	$3.0876 \cdot 10^{-1}$	$4.6643 \cdot 10^{-1}$
q_2	0.0000	$-4.6864 \cdot 10^{-4}$
q_3	-1.8910	-3.5825
q_4	9.1384	9.4022
q_5	$-4.1692 \cdot 10^{-4}$	$-4.1405 \cdot 10^{-4}$
q_6	$1.9303 \cdot 10^{-6}$	$1.5603 \cdot 10^{-6}$
q_7	$1.1256 \cdot 10^{-2}$	$1.1313 \cdot 10^{-2}$
q_8	$-1.0570 \cdot 10^{-1}$	$-6.8704 \cdot 10^{-2}$
q_9	$-3.1595 \cdot 10^{-7}$	$2.0718 \cdot 10^{-8}$
q_{10}	0.0000	$-3.9725 \cdot 10^{-10}$
q_{11}	$1.3359 \cdot 10^{-5}$	0.0000
$q_{12} \\$	$4.9662 \cdot 10^{-5}$	$3.2563 \cdot 10^{-5}$
q_{13}	1.4083	0.0000
$q_{14} \\$	$6.0671 \cdot 10^{-4}$	$3.0967 \cdot 10^{-3}$
q_{15}	0.0000	7.2573
q_{16}	$2.1465 \cdot 10^2$	$2.4295 \cdot 10^2$
q_{17}	$2.3248 \cdot 10^{-2}$	$6.5306 \cdot 10^{-3}$
q_{18}	$-6.6477 \cdot 10^{-5}$	$-2.8770 \cdot 10^{-5}$
q_{19}	$1.1473 \cdot 10^{-1}$	$2.1034 \cdot 10^{-1}$
q_{20}	0.0000	0.0000
q_{21}	$4.8132 \cdot 10^{-5}$	$3.8611 \cdot 10^{-5}$
q_{22}	$-2.1864 \cdot 10^{-7}$	$-1.3608 \cdot 10^{-7}$
q_{23}	$-1.1510 \cdot 10^{-3}$	$-9.9943 \cdot 10^{-4}$
q_{24}	$1.1545 \cdot 10^{-2}$	$5.5185 \cdot 10^{-3}$
q_{25}	$4.6992 \cdot 10^{-8}$	0.0000
q_{26}	0.0000	$2.4805 \cdot 10^{-11}$
q_{27}	$-2.1389 \cdot 10^{-6}$	0.0000
q_{28}	$-6.7225 \cdot 10^{-6}$	$-2.2898 \cdot 10^{-6}$

かけのモル体積の計算式と澁江 (2011a) 中で示した水溶液 1 g 当たりの定圧熱容量や体積と見かけの定圧モル熱容量や見かけのモル体積との関係式を用いて、水溶液 1 g 当たりの定圧熱容量と 1 g 当たりの体積の計算値を求めた。希釈熱、水溶液 1 g 当たりの定圧熱容量や体積の計算式も省略する。

表2に塩化マグネシウム水溶液に関する計算式から求められる浸透係数とイオンの平均活量係数と希釈熱の計算結果に関するAARD%を示す。浸透係数の測定値は合計で367あり、367の測定値に対する計算値のAARD%は3.84%であった。イオンの平均活量係数については表2の通りである。希釈熱の測定値は合計で184あり、184の測定値に対する計算値のAARD%は13.68%であった。

Jahn and Wolf (1993) が25℃, 大気圧条件下で求め

表 2 塩化マグネシウム水溶液の浸透係数、イオンの平均活量 係数、希釈熱に関する計算値の AARD%

浸透係数*	N**	AARD%***		
Baabor et al. (1999)	25	1.14		
Gibbard and				
Gossmann (1974)	22	1.81		
白田ほか(1974)	15	5.53		
Holmes and				
Mesmer (1996)	170	4.66		
Jones and				
Pearce (1907)	10	4.15		
Loomis (1896)	8	1.52		
Menzel (1927)	7	1.49		
Patil et al. (1991)	30	4.06		
Pitzer et al. (1999)	40	1.87		
Rivett (1912)	9	1.49		
Rodebush (1918)	2	3.59		
Sako et al. (1985)	23	5.46		
Urusova and				
Valyashko (1984)	3	8.08		
Valyashko				
et al. (1988)	3	11.30		
イオンの平均活量	N**	AARD%***		
係数*	14	AARD/0		
Pitzer et al. (1999)	40	2.80		
希釈熱*	N**	AARD%***		
Gillespie				
et al. (1992)	46	4.11		
Jahn and Wolf (1993)	17	34.53		
Lange and				
Streeck (1931)	21	2.26		
Mayrath and				
Wood (1983)	35	7.04		
Snipes et al. (1975)	56	13.88		
Wang et al. (1997)	9	6.87		
*報告中の温度―圧力	一濃度	領域は澁江		
(2010)が示した条件で回帰している。				

^{**}N は測定数を表す。

た希釈熱に比べて計算値の AARD%は34.53%と大きい。そこで,測定値と計算値との比較を図1に示す。図1の横軸は希釈前と希釈後の濃度(単位は mol kg^{-1})の差(Δm)を表し,縦軸は塩化マグネシウム1モル当たりの希釈熱の値に-1をかけた値である。希釈前の濃度で分けて測定値と計算値を示している。図1から計算値の絶対値が測定値の絶対値に比べて小さく,濃度差が大きくなると違いが大きくなっている。さらに,希釈前の濃度が高いほど計算値の測定値からのずれが大きい。希釈熱($\Delta H_{\rm eff}$)は,希釈前の水溶液に関する見かけの相対モルエンタルピー($^{\circ}$ L initial)と希釈後の見かけの相対モルエンタルピー($^{\circ}$ L initial)と希釈後の見かけの相対モルエンタルピー($^{\circ}$ L initial)によって次式で関係付けることができる。

 $-\Delta H_{dil}\!=\!{}^{\varphi}\!L^{initial}\!-\!{}^{\varphi}\!L^{final}$

^{***}本文中の式(1)で求めた値。

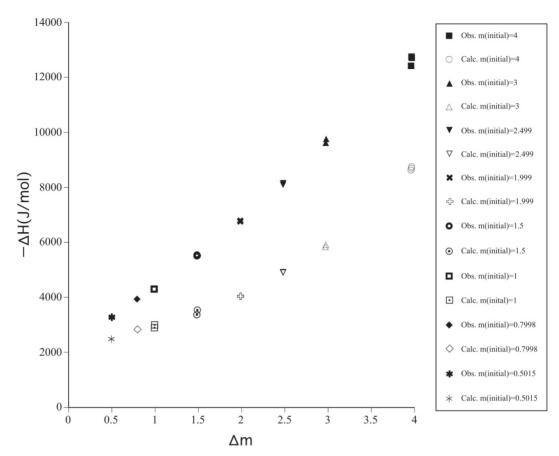


図1 25℃, 1気圧の条件で Jahn and Wolf (1993) が求めた塩化マグネシウム水溶液の希釈熱と本研究で求めた計算値との比較。横軸は希釈前の水溶液の重量モル濃度と希釈後の水溶液の重量モル濃度の違いを表す。縦軸は塩化マグネシウム1モル当たりに換算した希釈熱の値の符号を変えた値である。凡例中の Obs.は測定値を表し、Calc.は計算値を表す。また、m(initial) として等号で示した値は希釈前の水溶液の重量モル濃度を表す。

したがって、図1の傾向は見かけの相対モルエンタルピーの計算値が高濃度領域で不正確になっていることを示す。計算すると、高濃度になると°Lの値が大きくなる。この変化を濃度に比例する項と濃度の二乗に比例する項を組み合わせて表したが(澁江、2011b)、これらの項だけでは不十分であることを表している。濃度の三乗に比例する項などの高次の項を加える必要があることを示していると言えよう。本研究で求めた計算式を用いて、塩化マグネシウム水溶液の見かけの相対モルエンタルピーを計算する時には誤差が大きくなることに注意を払う必要がある。

表 3 に塩化マグネシウム水溶液 1 g 当たりの定圧熱容量と 1 g 当たりの体積の計算結果に関する AARD%を示す。 1 g 当たりの定圧熱容量の測定値は合計で601あり、601の測定値に対する計算値の AARD%は0.145%であった。 1 g 当たりの体積の測定値は合計で936あり、936の測定値に対する計算値の AARD%は0.052%であった。

表4に塩化カルシウム水溶液に関する計算式から求められる浸透係数,イオンの平均活量係数,希釈熱,1g 当たりの定圧熱容量の計算結果に関するAARD%を示 す。浸透係数の測定値は合計で593あり,593の測定値に対する計算値のAARD%は4.99%であった。イオンの平均活量係数の測定値は合計で78あり,78の測定値に対する計算値のAARD%は1.06%であった。希釈熱の測定値は合計で232あり,232の測定値に対する計算値のAARD%は9.15%であった。1g当たりの定圧熱容量の測定値は合計で247あり,247の測定値に対する計算値のAARD%は0.278%であった。

表 5 に塩化カルシウム水溶液に関する計算式から求められる 1 g 当たりの体積の計算結果に関する AARD%を示す。 1 g 当たりの体積の測定値は合計で1176あり,1176の測定値に対する計算値の AARD%は0.100%であった。

表 2 から表 5 に示したこれらの測定量に関する AAR D%の平均値は重みとして考えた値に比べて大きい。つまり、計算値は実験誤差の範囲内には収まっていない。これは、 Holmes 達の式(Holmes and Mesmer, 1996; Holmes et al., 1994, 1997)や Wang et al. (1998)についても同様である。実験結果の選択方法や回帰式の形に関して、さらに検討を加える必要があると言える。

表3 塩化マグネシウム水溶液1g当たりの定圧熱容量と体積 に関する計算値のAARD%

1g当たりの定圧熱容量*	N**	AARD%***	
Tg ヨたりの足圧然谷里** Call et al. (2000)			
	216	0.043	
Eigen and Wicke (1951)	22	0.125	
Fedyainov et al. (1970)	14	0.340	
Likke and Bromley (1973) [#]	24	0.240	
Perron et al. (1974)	8	0.033	
Perron et al. (1981)	10	0.156	
Saluja and LeBlanc (1987)	20	0.061	
Saluja et al. (1995)	24	0.559	
Vasilev et al. (1973)	10	0.306	
White et al. (1988)	253	0.178	
1g当たりの体積****	N**	AARD%***	
Call et al. (2000)	90	0.019	
Chen et al. (1977)	70	0.010	
Chen et al. (1980)	78	0.012	
Connaughton and			
Millero (1987)	9	0.101	
Connaughton et al. (1986)	62	0.080	
Dunn (1966)	6	0.007	
Ellis (1967)	28	0.020	
Gates and			
Wood (1985)	34	0.029	
Isono (1984)	49	0.093	
Kaminsky (1957)	47	0.003	
Kumar (1989)	5	0.070	
Lo Surdo et al. (1982)	122	0.044	
Miller et al. (1984)	10	0.037	
Millero and Knox (1973)	41	0.023	
Millero et al. (1977)	10	0.018	
Millero et al. (1985)	5	0.020	
Obšil et al. (1997)	85	0.137	
Pepinov et al. (1992)	71	0.113	
Perron et al. (1974)	9	0.006	
Perron et al. (1981)	10	0.024	
Phang and Stokes (1980)	11	0.017	
Romankiw and Chou (1983)	30	0.039	
Rutskov (1948)	6	0.006	
Saluja and LeBlanc (1987)	20	0.025	
Saluja et al. (1995)	24	0.154	
Shedlovsky and			
Brown (1934)	4	0.007	
#注(2010)のま 5 由 b 注注(2011b)のま 5 由系			

#澁江(2010)の表 5 中と澁江(2011b)の表 5 中で Likke and Bormley (1973)と記しているが、これ は誤りであり、Likke and Bromley (1973)が正し い。

5. 計算プログラム

5.1 プログラムの概要

計算プログラムの一部を List 1として示す。 澁江 (2008) 中の List 1として示した計算プログラムで line

表 4 塩化カルシウム水溶液の浸透係数、イオンの平均活量係数、希釈熱、1g当たりの定圧熱容量に関する計算値のAARD%

AARD%			
浸透係数*	N**	AARD%***	
Baabor et al. (2001)	25	6.05	
Baker and Waite (1921)	10	1.61	
Bechtold and Newton (1940)	3	4.03	
Brandani et al. (1985)	64	12.30	
Childs and Platford (1971)	16	0.32	
Davies et al. (1986)	20	15.04	
Duckett et al. (1986)	3	10.75	
Gibbard and Fong (1975)	10	0.41	
Grjotheim et al. (1988)	14	0.42	
Gruszkiewicz and Simonson			
(2005)	39	1.77	
Haghighi et al. (2008)	2	6.75	
白田ほか(1974)	15	5.71	
Holmes et al. (1978)	66	9.64	
Holmes et al. (1994)	161	1.07	
Jakli and van Hook (1972)	9	1.38	
Jones and Pearce (1907)	9	3.44	
Loomis (1897)	6	0.65	
Oakes et al. (1990a)	7	0.72	
Patil et al. (1991)	20	3.54	
Pitzer et al. (1999)	40	0.46	
Rodebush (1918)	2	0.78	
Sako et al. (1985)	22	7.88	
Selecki and Tyminski (1967)	3	2.65	
Wood et al. (1984)	27	12.81	
イオンの平均活量係数*	N**	AARD%***	
McLeod and Gordon (1946)	15	0.53	
Mussini and Pagella (1971)	23	2.18	
Pitzer et al. (1999)	40	0.60	
希釈熱*	N**	AARD%***	
Gillespie et al. (1992)	44	5.13	
Holmes et al. (1994)	78	9.90	
Lange and Streeck (1931)	24	1.77	
Leung and Millero (1975b)	6	11.91	
Oakes et al. (1998)	43	9.84	
Perachon and Thourey (1978)	5	14.35	
Plake (1932)	20	10.08	
Richards and Dole (1929)	12	12.50	
1g当たりの定圧熱容量*	N**	AARD%***	
Garvin et al. (1987)	16	0.264	
Richards and Dole (1929)	16	0.086	
Saluja and LeBlanc (1987)	31	0.105	
Saluja et al. (1995)	16	0.543	
White et al. (1987)	168	0.305	
*超生中の組座 压力 連座領域は強江(2010)がテ1			

^{*}報告中の温度一圧力一濃度領域は澁江(2010)が示した条件で回帰している。

14660 (澁江, 2008, p. 123) 以降の部分を本報告で示した List 1で置き換えたものが本研究で作成した計算プログラムに相当する。ただし、澁江 (2008) 中で示したこの計算プログラムの List に誤りがある。誤りは澁江

^{*}報告中の温度一圧力一濃度領域は澁江(2010)が示した条件で回帰している。

^{**}N は測定数を表す。

^{***}本文中の式(1)で求めた値。

^{****}報告中の温度一圧力一濃度領域は澁江 (2011a) が示した条件で回帰している。

^{**}N は測定数を表す。

^{***}本文中の式(1)で求めた値。

表 5 塩化カルシウム水溶液 1 g 当たりの体積に関する計算値 の AARD%

1g当たりの体積*	N**	AARD%***
Alekhin et al. (1980)	5	0.083
Brandani et al. (1985)	45	
		0.057
Dunn (1966)	10	0.014
Dunn (1968)	46	0.009
Ellis (1967)	35	0.047
Gates and		0.040
Wood (1985)	34	0.048
Gates and		
Wood (1989)	139	0.069
Gonçalves and		
Kestin (1979)	64	0.105
Isono (1984)	49	0.080
Kumar (1986a)	49	0.163
Kumar (1986b)	4	0.061
Kumar and Atkinson (1983)	33	0.591
Kumar et al. (1982)	20	0.069
Millero et al. (1977)	12	0.018
Nomura et al. (1985)	8	0.007
Nowicka et al. (1988)	3	0.012
Oakes et al. (1990b)	27	0.068
Oakes et al. (1995)	108	0.140
Perman and Urry (1930)	55	0.156
Perron et al. (1974)	8	0.007
Perron et al. (1981)	10	0.097
Pesce (1932)	4	0.154
Safarov et al. (2005)	128	0.074
Saluja and LeBlanc (1987)	33	0.028
Saluja et al. (1995)	16	0.161
Shedlovsky and	10	0.101
Brown (1934)	4	0.006
Tashima and Arai (1981)	56	0.082
Tsay et al. (1989)	52	0.029
Vasilev et al. (1973)	5	0.117
Wahab and	3	U.11/
Mahiuddin (2001)	75	0.121
	13	0.141
Wimby and	39	0.119
Berntsson (1994) * 報告中の涅度―匡力―濃!		0.118 注鉴江(2011a)

^{*}報告中の温度―圧力―濃度領域は澁江(2011a) が示した条件で回帰している。

(2008, p. 125) 中の line 15370の箇所にあり、PR=1.013 25#を加えた次の命令文が正しい。

 $15370\ \ TTR = 298.15\#\ :\ PR = 1.01325\#$

なお,この訂正した命令文を続編の澁江(2009)中で使用している。本研究でも,上記の訂正を施したものを使用している。

List 1中の line 14680から line 14730で用いている QMG(I) は本研究で求めた塩化マグネシウム水溶液に 関する q_i 値に相当し、line 14750から line 14800で用い

ている QCA(I) は本研究で求めた塩化カルシウム水溶液に関する q_i 値に相当する。さらに、line 14810から line 14830中で用いている RRMG(I) は澁江(2011a)が求めた塩化マグネシウム水溶液に関する a_i 値に相当し、line 14840から line 14860中で用いている RRCA(I) は塩化カルシウム水溶液に関する a_i 値に相当する(澁江、2011a、表 7)。

澁江(2008)中で用いた物理定数(気体定数,素電荷, ボルツマン定数, アボガドロ数) は Cohen and Taylor (1973) が与えた値であったが、本研究で作成した計算 プログラムでは Mohr et al. (2008) が与えた値を使用 している。CGS-esu 単位系で表した素電荷の値は、Mohr et al. (2008)が与えた電気量と光速の値から計算してい る。本研究の初期の段階では Cohen and Taylor (1973) が与えた物理定数を用いてデバイ―ヒュッケルの極限定 数を求めていた(澁江, 2011a)。そして, この極限定数 を用いて標準状態における見かけのモル体積と見かけの 定圧モル熱容量の計算式を求めた。物理定数の値に違い があるが、ここでは澁江(2011a)の計算式をそのまま用 いている。ただし、純水1g当たりのギブスエネルギー、 エンタルピー、エントロピー、定圧熱容量、体積の計算 および純水の飽和蒸気圧の計算に Haar et al. (1984) の 式を用いている関係で、これらの計算に用いた気体定数 の値は Haar et al. (1984) と同じ値にしている。また, 水の分子量,塩化マグネシウムと塩化カルシウムの式量 の値は IUPAC 2005の推奨値(Frey and Strauss, 2009) を用いている。

さて, 本研究で作成した計算プログラムでは, 標準状 態における電解質の部分モルギブスエネルギー、部分モ ルエンタルピー、部分モルエントロピーも計算している。 298.15 K, 1 atm における電解質の部分モルエンタルピー を 0 とおき、標準状態における見かけの定圧モル熱容量 と見かけのモル体積の計算式(澁江, 2011a)を用いて 部分モルエンタルピーを計算している。また, Pitzer (1995) がそれまでの報告をまとめて, 298.15 Kで1 atm におけるマグネシウムイオン, カルシウムイオン, 塩化物イオンの標準状態における1モル当たりのエント ロピーを示している。塩化マグネシウム1モル当たりの 標準状態におけるエントロピーはマグネシウムイオンの 値に塩化物イオンの値の2倍を加えた値に等しく,塩化 カルシウム1モル当たりの標準状態におけるエントロピー はカルシウムイオンの値に塩化物イオンの値の2倍を加 えた値に等しい。塩化マグネシウムの値を気体定数で割っ た値は-3.084となり、塩化カルシウムの値を気体定数 で割った値は7.156となる。これらの値と標準状態にお ける見かけの定圧モル熱容量と見かけのモル体積の計算 式を用いて部分モルエントロピーを計算している。部分 モルギブスエネルギーは部分モルエンタルピーの値から

^{**}N は測定数を表す。

^{***}本文中の式(1)で求めた値。

表6 プログラムへの入力例

run

* Enter units

TEMPERATURE

Choose from 1=deg K, 2=deg C

? 2

DENSITY

Choose from 1=kg/m3, 2=g/cm3

? 2

PRESSURE

Choose from 1=MPa, 2=bar, 3=atm, 4=PSIA, 5=kg/cm2

? 2

ENERGY

Choose from 1=kJ/kg, 2=J/g, 3=J/mol, 4=cal/g, 5=cal/mol

? 3

Which salt do you consider? MgCl2(1) or CaCl2(2)? Input the parenthesized number? 1

Pressure? If end, input 0? 200

Temperature? 200

Molality? 0.5

Will you continue the calculation? Input Y(or y) or N(or n)? n

OK

部分モルエントロピーの値に温度をかけた値を差し引い て求めている。

5.2 入力と出力

入力方法について以下に記す。プログラムを起動 (run) すると、単位の選択画面が出てくる (Enter units)。 そこで, 入力温度の単位を選択し, 出力する密度の単位 を選択し,入力する圧力の単位を選択し,出力するエネ ルギーの単位を選択する。入力例を次に記す(表6)。 Choose from 1=deg K, 2=deg C の問いかけは温度の 単位として絶対温度と摂氏温度のいずれかを選択するこ とを問うている。ここでは、2の摂氏温度を選ぶ。 Choose from 1 = kg/m3, 2 = g/cm3の問いかけは密度の単 位として kg/m³と g/cm³のいずれかを選択することを問 うている。ここでは、2のg/cm³を選ぶ。Choose from 1=MPa, 2=bar, 3=atm の問いかけは圧力の単位とし て MPa, bar, atm のいずれかを選択することを問うて いる。ここでは、20 bar を選ぶ。Choose from 1=kJ/ kg, 2=J/g, 3=J/mol, 4=cal/g, 5=cal/mol の問いかけは エネルギーの単位として kJ/kg, J/g, J/mol, cal/g, cal/mol のいずれかを選択することを問うている。ここ では, 3のJ/molを選ぶ。次に, Which salt do you consider? MgCl2(1) or CaCl2(2)? Input the parenthesized number. の問いかけがあるので, 塩化マグネシウ ムなら1,塩化カルシウムなら2を半角で入力する。こ こでは、1のMgCl2を選ぶ。その後、Pressure?と問いか けがあるので、圧力を入力する。ここでは、200と入力 する。この時に終了する場合は0を入力する。次の Te mperature?の問いかけに温度を入力する。ここでは,200と入力する。その次の Molality?の問いかけに重量モル濃度を入力する。ここでは,塩化マグネシウムの重量モル濃度を0.5と入力する。すると,計算が始まる。計算が終了すると Will you continue the calculation? Input Y (or y) or N (or n)?と問いかけが出るので,計算を続ける時は Y あるいは y を入力し,計算を終える時は N あるいは n を入力する(実際には,Y あるいは y を入力しなければプログラムが終了する)。入力例では n と入力して計算を続けないとした。最後の OK のメッセージは計算と印刷が終了したことを示すメッセージである。

200℃, 200 bar の条件で塩化マグネシウム水溶液を選択して、濃度0.5 mでの計算結果の出力を表7に示す。この出力形式は澁江(2009,表1)とは異なっているので、表中に矢印を付けて出力について説明している。標準状態における見かけのモエル熱容量は、それぞれ、標準状態における部分モル体積と部分モル定圧熱容量と同義である。表7では、部分モル量として説明文を付けている。出力値に見かけの定圧モル熱容量の値が含まれていないが、この値は標準状態における部分モル定圧熱容量の値に過剰定圧モル熱容量の値を加えた値と等しい。

6. 澁江(2009) との比較

筆者(澁江, 2009) は Holmes 達の式を用いて,塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液の熱力学的

表 7 プログラムの出力例と出力値についての説明

Units←入力した単位一覧 TEMPERATURE C DENSITY g/cm3 PRESSURE bar ENERGY J/mol

T= +200.0000 P= +200.000000 D(water)=+8.78060D-001 ←温度, 圧力, 純水の密度の値で D-001 は 10^{-001} を表す(以下同様)

APHI =+6.0632D-001←A,の値

AH/RT=+3.7815D+000←A_Hを気体定数と絶対温度の積で割った値

AJ/R =+1.8437D+000←A_Iを気体定数で割った値

 $AV = +1.31236D+001 \leftarrow A_V$

Calculation for MgCl2(aq) solution←塩化マグネシウム水溶液に関する計算

V(water)=2.0517D+001 Vsalt=-3.436D+001 ←標準状態における水と塩化マグネシウムの部分モル体積 (cm³/mol)の値

G/RT=-17.8161 Gsalt/RT=+11.881←標準状態における水と塩化マグネシウムの部分モルギブスエネルギーを 気体定数と絶対温度の積で割った値

H/RT= -5.2081 Hsalt/RT=-13.346←標準状態における水と塩化マグネシウムの部分モルエンタルピーを気体 定数と絶対温度の積で割った値

S/R =+12.6080 Ssalt/R =-25.227←標準状態における水と塩化マグネシウムの部分モルエントロピーを気体 定数で割った値

Cp/R= +9.520 Cpsalt/R= −71.189←標準状態における水と塩化マグネシウムの部分モル定圧熱容量を気体定数で割った値

m=0.50000 Density(g/cm3) =+0.92336←重量モル濃度と密度の計算値 (g/cm³)

Osmotic coeff. =+0.7863←水溶液の浸透係数 Activity coeff. =+0.2566←イオンの平均活量係数

Ex enth/RT = +6.838←相対モルエンタルピーを気体定数と絶対温度の積で割

った値

Ex entr/R =+10.278←過剰モルエントロピーを気体定数で割った値 Ex Cp/R =+31.517←過剰定圧モル熱容量を気体定数で割った値 Hspecific(J/g) =-1097.8←水溶液 1g あたりのエンタルピー(J/g)

Sspecific(J/g K) =+5.510←水溶液 1g あたりのエントロピー(J/g K) Cpspecific(J/g K) =+4.035←水溶液 1g あたりの定圧熱容量(J/g K)

性質を求める計算プログラムを作成している。そこで、 本研究と澁江(2009)との相違点について以下に記す。

まず、澁江(2009)中では $\beta^{(0)}$ 、 $\beta^{(1)}$ 、C をそれぞれ17個のパラメータを用いて表している。つまり、合計で51個のパラメータを使用している。本研究では $\beta^{(0)}$ と C をそれぞれ12個、 $\beta^{(1)}$ を 4 個のパラメータを用いて表している。すか。つまり合計で28のパラメータを使用している。また、澁江(2009)中では標準状態における見かけのモル体積を18個のパラメータを用いて表しているのに対して、本研究では 6 個のパラメータを用いて表している。同様に、澁江(2009)中では標準状態における見かけの定圧モル熱容量を19個のパラメータを用いて表しているのに対して、本研究では 7 個のパラメータを用いて表しているのに対して、本研究では 7 個のパラメータを用いて表しているのに対して、本研究では 1 のの水溶液の熱力学的性質を表すことができたと言える。さらに、澁江(2009)中で記したように、澁江(2009)で示した計算プログラムには標準状態における見かけの

モル体積と見かけの定圧モル熱容量との間に熱力学的整合性がない。これに対して、本研究で得られた式にはこのような問題がない。

本研究で使用した文献値には、Holmes 達が参照していないものが含まれている。したがって、本報告中の表2から表5で示した計算結果の測定値からのずれをHolmes達の式を用いた計算結果と比較できない場合がある。ただし、測定値へのフィットは全般的にHolmes達の式を用いた計算プログラムに比べて劣っている。特に、塩化マグネシウム水溶液の希釈熱に関しては明らかに十分とは言えない。

以上より、パラメータの数を大幅に減らしたために測定値へのフィットが十分ではない場合があるものの、澁江 (2009) 中で記した問題点を解決できたと言える。

7. 結論

これまでの報告(澁江, 2010, 2011a, 2011b)で記し

た先行研究のまとめと標準状態における塩化マグネシウムと塩化カルシウムの見かけのモル体積と見かけの定圧モル熱容量の計算式を用いて、本研究ではこれらの水溶液の熱力学的性質(浸透係数、イオンの平均活量係数、見かけの相対モルエンタルピー、見かけのモル体積、見かけの定圧モル熱容量)の計算式を求めた。ただし、塩化マグネシウム水溶液に関する見かけの相対モルエンタルピーの計算式に誤差が大きい。

澁江 (2009) 中で示した塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液の熱力学的性質を計算するプログラムは、標準状態における見かけのモル体積と見かけの定圧モル熱容量との間に熱力学的整合性がない。本研究で、この問題点を解消した。

8. 追記および謝辞

澁江 (2008) と澁江 (2009) 中の引用文献で, Holmes et al. (1994)の掲載ページを1325−1358としているが, これらは271−298の誤りである。また, 澁江 (2011a) 中で式(2)と式(4)を示す際に Pitzer (1995) を引用しているが, いずれも Pitzer (1995) が与えた式ではない。式(2)と式(4)は筆者が用いた式である。

また、澁江 (2009, p. 102) 中のコラム 2 で示した[11], [12], [13]の計算式の左辺は、それぞれ、 V_1 ではなく V_0 , V_2 ではなく V_1 , V_3 ではなく V_2 である。さらに、澁江 (2009) 中で示した計算プログラムに 2 か所の誤りがある。これらを次に記す。 1 か所目の誤りは澁江 (2009, p. 109) 中の line 17450の箇所にあり、PHIV を VPHI に訂正した次の命令文が正しい。

17450 VTOTAL=1000/DD + MOL*VPHI

この命令文が誤っているために、澁江 (2009) の計算プログラムで求められる密度の値は誤っている。 2 か所目の誤りは澁江 (2009, p. 108) 中の line 16800の箇所にあり、BO(6)を BO(6)に訂正した次の命令文が正しい。

16800 DB0DT=DB0DT+B0(6)*(.5#-3#*227#*227#/2#/T/T+227#*227#*LOG(TL)/T/T+227#/T)

ただし、澁江 (2008) 中で B0(6)の値を塩化マグネシウム水溶液と塩化カルシウム水溶液のいずれについても0としている (B0MG(6)=0および B0CA(6)=0)。 したがって、この訂正は計算結果に影響を与えない。

澁江 (2009) で示した計算プログラム中の line 17450 と line 16800に関する誤記を,大阪工業大学環境工学科 宮本 均 教授から指摘を受けた。記して宮本教授に謝意を表する。

対文

- Alekhin, O. S., L'vov, S. N., and Zarembo, V. I. (1980) Geochem. Int., 17 (No. 5), 154-157.
- Baabor, J. S., Gilchrist, M. A., and Delgado, E. J. (1999) J. Chem. Thermodyn., 31, 1045—1053.
- Baabor, J. S., Gilchrist, M. A., and Delgado, E. J. (2001) J. Chem. Thermodyn., 33, 405-411.
- Baker, E. M. and Waite, V. H. (1921) Chem. Metall. Eng., 25, 1174-1178.
- Bechtold, M. F. and Newton, R. F. (1940) J. Am Chem. Soc., 62, 1390-1393.
- Brandani, V., Del Re, G., Giacomo, G. D. (1985) Chim. l'industria, 67, 392—399.
- Call, T. G., Ballerat-Busserolles, M. L., Origlia, M. L., Ford, T. D., and Woolley, E. M. (2000) J. Chem. Thermodyn., 32, 1525–1538.
- Chen, C-T., Emmet, R. T., and Millero, F. J. (1977) J. Chem. Eng. Data, 22, 201 207.
- Chen, C-T., Chen, J. H., and Millero, F. J. (1980) J. Chem. Eng. Data, 25, 307-310.
- Childs, C. W. and Platford, R. F. (1971) Aust. J. Chem., 24, 2487—2491.
- Cohen, E. R. and Taylor, B. N. (1973) J. Phys. Chem. Ref. Data, 2, 663-734.
- Connaughton, L. M. and Millero, F. J. (1987) J. Soln. Chem., 16, 491-502.
- Connaughton, L. M., Hershey, J. P., and Millero, F. J. (1986) J. Soln. Chem., 15, 989-1002.
- Davis, T. M., Duckett, L. M., Garvey, C. E., Hollifield, J. M., and Patterson, C. S. (1986) J. Chem. Eng. Data, 31, 54-55.
- Duckett, L. M., Hollifield, J. M., and Patterson, C. S. (1986) J. Chem. Eng. Data, 31, 213-214.
- Dunn, L. A. (1966) Trans. Faraday Soc., 62, 2348—2354.
- Dunn, L. A. (1968) Trans. Faraday Soc., 64, 2951—2961.
- Eigen, M. and Wicke, E. (1951) Z. Elektrochem., 55, 354-363.
- Ellis, A. J. (1967) J. Chem. Soc., A1967, 660-664.
- Fedyainov, N. V., Vasilev, V. A., and Karapet'yants, M. Kh. (1970) Russ. J. Phys. Chem., 44, 1026-1027.
- Frey, J. G. and Strauss, H. L. (2009) 物理化学で用いられる量・単位・記号 第 3 版. 234pp. 講談社, 東京.
- Garvin, D., Parker, V. B., and White, H. J. Jr. (1987) CODATA thermodynamic tables: selections for some compounds of calcium and related mixtures: a prototype

- set of tables. 356pp, Hemisphere, Tokyo.
- Gates, J. A. and Wood, R. H. (1985) J. Chem. Eng. Data, 30, 44-49.
- Gates, J. A. and Wood, R. H. (1989) J. Chem. Eng. Data, 34, 53-56.
- Gibbard, H. F. and Fong, S-L. (1975) J. Soln. Chem., 4, 863-872
- Gibbard, H. F. and Gossmann, A. F. (1974) J. Soln. Chem., 3, 385-393.
- Gillespie, S. E., Oscarson, J. L., Chen, X., Izatt, R. M., and Pando, C. (1992) J. Soln. Chem., 21, 761–788.
- Gonçalves, F. A. and Kestin, J. (1979) Ber. Bunsenges. Phys. Chem., 83, 24-27.
- Grjotheim, K., Voigt, W., Haugsdal, B., and Dittrich, D. (1988) Acta Chem. Scand., A42, 470-476.
- Gruszkiewicz, M. S. and Simonson, J. M. (2005) J. Chem. Thermodyn., 37, 906-930.
- Haar, L., Gallagher, J. S., and Kell, G. S. (1984)NBS/NRC Steam Tables. 320pp, Hemisphere Publishing, New York.
- Haghighi, H., Chapoy, A., and Tohidi, B. (2008) Ind. Eng. Chem. Res., 47, 3983—3989.
- Haghtalab, A., Zare, M., Ahmadi, A. N., and Nazari, K. (2012) Fluid Phase Equilib., 333, 74-86.
- 白田利勝·五島藤太郎·石坂誠一(1974) 日本海水学会誌, 28, 151-155.
- Holmes, H. F. and Mesmer, R. E. (1996) J. Chem. Thermodyn., 28, 1325—1358.
- Holmes, H. F., Baes, C. F. Jr., and Mesmer, R. E. (1978) J. Chem. Thermodyn., 10, 983-996.
- Holmes, H. F., Busey, R. H., Simonson, J. M., and Mesmer, R. E. (1994) J. Chem. Thermodyn., 26, 271–298.
- Holmes, H. F., Simonson, J. M., and Mesmer, R. E. (1997) J. Chem. Thermodyn., 29, 1363-1373.
- Isono, T. (1984) J. Chem. Eng. Data, 29, 45-52.
- Jahn, H. and Wolf, G. (1993) J. Soln. Chem., 22, 983-994.
- Jakli, G. and van Hook, W. A. (1972) J. Chem. Eng. Data, 17, 348-355.
- Jones, H. C. and Pearce, J. N. (1907) Am. Chem. J., 38, 683-743.
- Kaminsky, M. (1957) Z. Phys. Chem. N. F., 12, 206—231.
- Kumar, A. (1986a) J. Soln. Chem., 15, 409-412.
- Kumar, A. (1986b) J. Chem. Eng. Data, 31, 21-23.
- Kumar, A. (1989) J. Chem. Eng. Data, 34, 87-89.
- Kumar, A. and Atkinson, G. (1983) J. Phys. Chem., 87,

- 5504 5507.
- Kumar, A., Atkinson, G., and Howell, R. D. (1982) J. Soln. Chem., 11, 857-870.
- Lange, E. and Streeck, H. (1931) Z. Phys. Chem., A152, 1-23.
- Leung, W. H. and Millero, F. J. (1975a) J. Soln. Chem., 4, 145–159.
- Leung, W. H. and Millero, F. J. (1975b) J. Chem. Thermodyn., 7, 1067—1078.
- Likke, S. and Bromley, L. A. (1973) J. Chem. Eng Data, 18, 189-195.
- Loomis, E. H. (1896) Ann. Phys. Chem. N. F., 57, 495 –520.
- Loomis, E. H. (1897) Ann. Phys. Chem. N. F., 60, 523 –546.
- Lo Surdo, A., Alzola, E. M., and Millero, F. J. (1982) J. Chem. Thermodyn., 14, 649-662.
- Mayrath, J. E. and Wood, R. H. (1983) J. Chem. Eng. Data, 28, 56-59.
- McLeod, H. G. and Gordon, A. R. (1946) J. Am. Chem. Soc., 68, 58-60.
- Menzel, H. (1927) Z. Electrochem. Angew. Phys. Chem., 33, 63-69.
- Miller, D. G., Rard, J. A., Eppstein, L. B., and Albright, J. G. (1984) J. Phys. Chem., 88, 5739-5748.
- Millero, F. J. and Knox, J. H. (1973) J. Chem. Eng. Data, 18, 407-411.
- Millero, F. J., Ward, G. K., and Chetirkin, P. V. (1977) J. Accoust. Soc. Am., 61, 1492-1498.
- Millero, F. J., Connaughton, L. M., Vinokurova, F., and Chetirkin, P. V. (1985) J. Soln. Chem., 14, 837-851.
- Mohr, P. J., Taylor, B. N., and Newell, D. B. (2008) J. Phys. Chem. Ref. Data, 37, 1187–1284.
- 森正武·名取亮·鳥居達生 (1972) 数値計算. 201pp. 岩波書店,東京.
- Mulero, A., Galán, C., and Cuadros, F. (2001) Phys. Chem. Chem. Phys., 3, 4991—4999.
- Mussini, T. and Pagella, A. (1971) J. Chem. Eng. Data, 16, 49-52.
- Nomura, H., Kawaizumi, F., and Miyahara, Y. (1985) Chem. Eng. Commun., 34, 305-314.
- Nowicka, B., Kacperska, A., Barczyńska, J., Bald, A., and Taniewska-Osińska, S. (1988) J. Chem. Soc. Faraday Trans. I, 84, 3877 3884.
- Oakes, C. S., Bodnar, R. J., and Simonson, J. M. (1990a) Geochim. Cosmochim. Acta, 54, 603-610.
- Oakes, C. S., Simonson, J. M., and Bodnar, R. J. (1990b) J. Chem. Eng. Data, 35, 304-309.

- Oakes, C. S., Simonson, J. M., and Bodnar, R. J. (1995) J. Soln. Chem., 24, 897-915.
- Oakes, C. S., Pitzer, K. S., and Sterner, S. M. (1998) Geochim. Cosmochim. Acta, 62, 1133-1146.
- Obšil, M., Majer, V., Hefter, G. T., and Hynek, V. (1997) J. Chem. Thermodyn., 29, 575-593.
- Patil, K. R., Tripathl, A. D., Pathak, G., and Katti, S. S. (1991) J. Chem. Eng. Data, 36, 225-230.
- Pepinov, R. I., Lobkova, N. V., and Zokhrabbekova, G. Yu. (1992) High Temp., 30, 66-70.
- Perachon, G. and Thourey, J. (1978) Thermochim. Acta, 27, 111-124.
- Perman, E. P. and Price, T. W. (1913) Trans. Faraday Soc., 8, 68–85.
- Perman, E. P. and Urry, W. D. (1930) Proc. Royal Soc. London Ser. A, 126, 44-78.
- Perron, G., Desnoyers, J. E., and Millero, F. J. (1974) Can. J. Chem., 52, 3738-3741.
- Perron, G., Roux, A., and Desnoyers, J. E. (1981) Can. J. Chem., 59, 3049—3054.
- Pesce, G. (1932) Z. Phys. Chem., A160, 295-300.
- Phang, S. and Stokes, R. (1980) J. Soln. Chem., 9, 497 -505.
- Pitzer, K. S. (1995) Thermodynamics. Third edition. 626pp. McGraw-Hill, Tokyo.
- Pitzer, K. S., Wang, P., Rard, J. A., and Clegg, S. L. (1999) J. Soln. Chem., 28, 265-282.
- Plake, E. (1932) Z. Phys. Chem., A162, 257-280.
- Richards, T. W. and Dole, M. (1929) J. Am. Chem. Soc., 51, 794-802.
- Rivett, A. C. D. (1912) Z. Phys. Chem., 80, 537-563. Rodebush, W. H. (1918) J. Am. Chem. Soc., 40, 1204-1213.
- Romankiw, L. A. and Chou, I-M. (1983) J. Chem. Eng. Data, 28, 300-305.
- Rutskov, A. P. (1948) Zhur. Priklad. Khim., 21, 820—823. Chem. Abst., 44, 2839—2840.
- Safarov, J. T., Najafov, G. N., Shahverdiyev, A. N., and Hassel, E. (2005) J. Mol. Liquids, 116, 165-174.
- Sako, T., Hakuta, T., and Yoshitome, H. (1985) J Chem. Eng. Data, 30, 224-228.
- Saluja, P. P. S. and LeBlanc, J. C. (1987) J. Chem. Eng. Data, 32, 72-76.
- Saluja, P. P. S., Jobe, D. J., LeBlanc, J. C., and Lemire,R. J. (1995) J. Chem. Eng. Data, 40, 398-403.
- Selecki, A. and Tyminski, B. (1967) Chem. Ing. Tech., 39, 1145-1149.
- Shedlovsky, T. and Brown, A. S. (1934) J. Am. Chem.

- Soc., 56, 1066-1071.
- 澁江靖弘 (2008) 兵庫教育大学研究紀要, 33, 113-126.
- 澁江靖弘 (2009) 兵庫教育大学研究紀要, 34, 99-110.
- 澁江靖弘 (2010) 兵庫教育大学研究紀要, 37, 91-102.
- 澁江靖弘 (2011a) 兵庫教育大学研究紀要, 38, 113-125.
- 澁江靖弘 (2011b) 兵庫教育大学研究紀要, 39, 133-143.
- Snipes, H. P., Manly, C., and Ensor, D. D. (1975) J. Chem. Eng. Data, 20, 287-291.
- Tashima, Y. and Arai, Y. (1981) Mem. Fac. Eng. Kyushu Univ., 41, 217-231.
- Tsay, S. V., Gilyarov, V. N., Zarembo, V. I., and Puchkov, L. V. (1989) Geochem. Int., 26 (No. 2), 52-56.
- Urusova, M. A. and Valyashko, V. M. (1984) Russ. J. Inorg. Chem., 29, 1395—1396.
- Valavi, M. and Dehghani, M. R. (2012) Fluid Phase Equilib., 333, 27-37.
- Valyashko, V. M., Urusova, M. A., Voigt, W., and Emons, G. G. (1988) Russ. J. Inorg. Chem., 33, 127—130.
- Vasilev, Y. A., Fedyainov, N. V., and Kurenkov, V. V. (1973) Russ. J. Phys. Chem., 47, 1570-1573.
- Wahab, A. and Mahiuddin, S. (2001) J. Chem. Eng. Data, 46, 1457—1463.
- Wang, P., Oakes, C. S., and Pitzer, K. S. (1997) J Chem. Eng. Data, 42, 1101–1110.
- Wang, P., Pitzer, K. S., and Simonson, J. M. (1998) J. Phys. Chem. Ref. Data, 27, 971-991.
- White, D. E., Doberstein, A. L., Gates, J. A., Tillett, D. M., and Wood, R. H. (1987) J. Chem. Thermodyn., 19, 251-259.
- White, D. E., Gates, J. A., Tillet, D. M., and Wood, R. H. (1988) J. Chem. Eng. Data, 33, 485-490.
- Wimby, J. M. and Berntsson, T. (1994) J. Chem. Eng. Data, 39, 68-72.
- Wood, S. A., Crerar, D. A., Brantley, S. L., and Borcsik, M. (1984) Am. J. Sci., 284, 668-705.
- Zarembo, V. I., L'vov, S. N., and Matuzenko, M. Yu. (1980) Geochem. Int., 17(4), 159-162.

```
List 1
       プログラムの一部
14660 *PARAMETERS
14670 REM Parameters for MgCl2(aq)
14680 FOR I=1 TO 28:READ OMG(I):NEXT I
14690 DATA 3.0876D-001, 0.0000#, -1.8910#, 9.1384#, -4.1692D-004, 1.9303D-006, 1.1256D-002, -1.0570D-001 14700 DATA -3.1595D-007, 0.0000#, 1.3359D-005, 4.9662D-005
14710 DATA 1.4083#, 6.0671D-004, 0.0000#, 2.1465D+002
14720 DATA 2.3248D-002, -6.6477D-005, 1.1473D-001, 0.0000#, 4.8132D-005, -2.1864D-007, -1.1510D-003,
1.1545D-002
14730 DATA 4.6992D-008, 0.0000#, -2.1389D-006, -6.7225D-006
14740 REM Parameters for CaCl2(aq)
14750 FOR I=1 TO 28:READ QCA(I):NEXT I
14760 DATA 4.6643D-001, -4.6864D-004, -3.5825#, 9.4022#, -4.1405D-004, 1.5603D-006, 1.1313D-002, -6.8704D-002 14770 DATA 2.0718D-008, -3.9725D-010, 0.0000#, 3.2563D-005
14780 DATA 0.0000#, 3.0967D-003, 7.2573#, 2.4295D+002
14790 DATA 6.5306D-03, -2.8770D-005, 2.1034D-001, 0.0000
14800 DATA 3.8611D-005, -1.3608D-007, -9.9943D-004, 5.5185D-003, 0.0000#, 2.4805D-011, 0.0000#, -2.2898D-006
14810 FOR I=1 TO 9: READ RRMG(I): NEXT I
14820 DATA -27774#, 5731.5#, -17.321#, 57.485#, -4194.2#
14830 DATA -296.30#, -0.022235#, 1.7297#, 0.11811#
14840 FOR I=1 TO 9 : READ RRCA(I): NEXT I
14850 DATA -26715#, 5481.3#, -16.105#, 67.402#, -5317.6#
14860 DATA -337.12#, -0.023983#, 2.0355#, 0.12356#
14870 MGCL2=95.211#: CACL2=110.984
14880 TTR=298.15#: PR=1.01325
14890 RVGAS=83.14472# : RGAS=8.314472# : MW=18.01528 : RHGK=8.31441#
14900 REM Entropies of ions (Pitzer, 1995) are summed stoichiometrically.
14910 S0MGCL2=3.084*RGAS : S0CACL2=7.156#*RGAS 14920 FOR I=1 TO 9: READ DU(I) : NEXT I
14930 DATA 3.4279D+002,-5.0866D-003,9.4690D-007,-2.0525#,3.1159D+003
14940 DATA -1.8289D+002,-8.0325D+003,4.2142D+006,2.1417#
14950 EE=4.80320427D-010 : BC=1.3806504D-016 : AVOG=6.02214179D+023
14960 RETURN
14970 *DEBYEHUCKEL
14980 PRES=(PRES/FP)*(FFP(2)/FFP(1))
14990 DD=DD*FD/FFD(2)
15000 DPDD=DPDD*(FFP(2)/FFP(1))
15010 DPDT=DPDT*(FFP(2)/FFP(1))
15020 DDDT=DDDT*FD/FFD(2)
15030 D2DDT2=D2DDT2*FD/FFD(2)
15040 EPS=DU(1)*EXP(DU(2)*T+DU(3)*T*T)
15050 EEPS=1#+(PRES-1000)/(DU(7)+DU(8)/T+DU(9)*T+1000)
15060 EEPS=LOG(EEPS)
15070 EPS=EPS+(DU(4)+(DU(5)/(DU(6)+T)))*EEPS
15080 APHI=SQR(2#*3.14159265#*AVOG*DD/1000)/3#
15090 APHI=APHI*EE*EE/BC/SQR(BC)/T/SQR(T)/EPS/SQR(EPS)
15100 DET=DU(7)+DU(8)/T+DU(9)*T+PRES
15110 DEPSDP=DU(4)+DU(5)/(DU(6)+T)
15120 DEPSDP=DEPSDP/DET
15130 DRHODPDD=1#/DD/DPDD
15140 AV=2#*RVGAS*T*APHI*(3#*DEPSDP/EPS-DRHODPDD)
15150 ALPH=DPDT/DD/DPDD
15160 DE=DU(7)+DU(8)/T+DU(9)*T
15170 DEPS=DU(1)*(DU(2)+2#*DU(3)*T)*EXP(DU(2)*T+DU(3)*T*T)
15180 DEPS=DEPS-DU(5)*LOG(1#+(PRES-1000)/(DE+1000))/(DU(6)+T)/(DU(6)+T)
15190 DEPS=DEPS+(DU(4)+DU(5)/(DU(6)+T))*(1000-PRES)*(DU(9)-DÚ(8)/T/T)/(DE+PRES)/(DE+1000)
15200 DEPS=DEPS/EPS
15210 AH=1#+T*DEPS+T*ALPH/3#
15220 AH=AH*(-6#)*APHI*RGAS*T
15220 ATI-MT (-0#) ATI-MT KG/MS 1
15230 D2EPS=DU(1)*(DU(2)+2#*DU(3)*T)*(DU(2)+2#*DU(3)*T)*EXP(DU(2)*T+DU(3)*T*T)
15240 D2EPS=D2EPS+2#*DU(1)*DU(3)*EXP(DU(2)*T+DU(3)*T*T)
15250 D2EPS=D2EPS+(2#*DU(5)/(DU(6)+T)/(DU(6)+T)/(DU(6)+T))*LOG(1#+(PRES-1000)/(DE+1000))
15260 D2EPS=D2EPS-(2#*DU(5)/(DU(6)+T)/(DU(6)+T))*(DU(9)-DU(8)/T/T)*(1#/(DE+PRES)-1#/(DE+1000))
15270 D2EPS=D2EPS+(DU(4)+ĎÙ(5))(ĎU(6)+T))*(2#*ĎÙ(8)/T/T/T)*(1#/(ĎE+PRÈS)-1#/(DE+1000))
15280 D2EPS=D2EPS-(DU(4)+DU(5)/(DU(6)+T))*(DU(9)-DU(8)/T/T)*(DU(9)-DU(8)/T/T)
*(1#/(DE+PRES)/(DE+PRES)-1#/(DÉ+1000)/(DÉ+1000))
15290 D2EPS=D2EPS/EPS
15300 DWDDDT=DDDT/DD
15310 DWD2DDT2=D2DDT2/DD
15320 AJ=2#*DWD2DDT2-DWDDDT*DWDDDT-2#*DWDDDT/T-6#*D2EPS+15#*DEPS*DEPS
+6#*DEPS/T-6#*DWDDDT*DEPS+3#/T/T
15330 AJ=AJ*APHI*RGAS*T*T
15340 RETURN
```

```
15350 *MGCA
15360 H=(H/FH)*(FFH(3)/FFH(1))
15370 S=(S/FH)*(FFH(3)/FFH(1))
15380 G=(G/FH)*(FFH(3)/FFH(1))
15390 CPW=CPD*GASCON*FH*FT
15400 CPW=(CPW/FH)*(FFH(3)/FFH(1))
15400 CF W=(CF W/HF) (FFH(5)/FFH(1))
15410 S=S+SREF*RHGK : H=H+UREF*RHGK : G=G+UREF*RHGK-T*SREF*RHGK
15420 IF ISALT=1 THEN SALT=MGCL2 : SSALTPRTR=S0MGCL2 : GOTO 15440
15430 IF ISALT=2 THEN SALT=CACL2 : SSALTPRTR=S0CACL2 : GOTO 15480
15440 FOR I=1 TO 12 : B0(I)=QMG(I) : NEXT I
15440 FOR I=1 TO 12 : B0(1)=QMG(1) : NEXT I

15450 FOR I=1 TO 4 : B1(1)=QMG(I+12) : NEXT I

15460 FOR I=1 TO 12 : CMX(I)=QMG(I+16) : NEXT I

15470 FOR I=1 TO 9 : RR(I)=RRMG(I) : NEXT I : GOTO 15520

15480 FOR I=1 TO 12 : B0(I)=QCA(I) : NEXT I

15490 FOR I=1 TO 4 : B1(I)=QCA(I+12) : NEXT I

15500 FOR I=1 TO 12 : CMX(I)=QCA(I+16) : NEXT I
15510 FOR I=1 TO 9 : RR(I)=RRCA(I) : NEXT I
15520 MI=SOR(3#*MOL)
15530 TLO=T-227#
15540 THI=647#-T
15550 HSALTPRTR=0 : HSALTTR=0 : HSALT=0
15560 SSALTTR=0 : SSALT=0
15570 HSALTTR=HSALTPRTR+10*(PRES-PR)*(RR(4)+2#*RR(5)/TTR
+RR(6)*(647#-4#*TTR/3#)*EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#))
15580 HSALTTR=HSALTTR
+10*(PRES*PRES-PR*PR)*(RR(7)+2#*RR(8)/TTR+RR(9)*(647#-4#*TTR/3#)*EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#))
15590 HSALT=HSALTTR
+RR(1)*(T-TTR)+RR(2)*((T*LOG(T)-T)-(TTR*LOG(TTR)-TTR))+RR(3)*(T*T-TTR*TTR)/2#
15600 HSALT=HSALT+2#*RR(5)*(1#/T-1#/TTR)
15610 HSALT=HSALT
-RR(6)*PRES*(EXP((-4#)*LOG(THI)/3#)*(4#*T-3#*647#)-EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#)*(4#*TTR-3#*647))
15620 HSALT=HSALT+2#*RR(8)*PRES*PRES*(1#/T-1#/TTR)
15630 HSALT=HSALT
-RR(9)*PRES*PRES*(EXP((-4#)*LOG(THI)/3#)*(4#*T-3#*647#)-EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#)*(4#*TTR-3#*647#))
15640 SSALTTR=SSALTPRTR+10*(RR(5)/TTR/TTR-RR(6)*EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#)/3#)*(PRES-PR)
15650 SSALTTR=SSALTTR+10*(RR(8)/TTR/TTR-RR(9)*EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#)/3#)*(PRES*PRES-PR*PR)
15660 SSALT=SSALTTR+RR(1)*(LOG(T)-LOG(TTR))+RR(2)*((LOG(T))*(LOG(T))-(LOG(TTR))*(LOG(TTR)))/2#
15670 SSALT=SSALT+RR(3)*(T-TTR)+RR(5)*PRES*(1#/T/T-1#/TTR/TTR)
15680 SSALT=SSALT+(RR(6)*PRES/3#)*(EXP((-4#)*LOG(THI)/3#)-EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#))
15690 SSALT=SSALT+RR(8)*PRES*PRES*(1#/T/T-1#/TTR/TTR)
15700 SSALT=SSALT+(RR(9)*PRES*PRES/3#)*(EXP((-4#)*LOG(THI)/3#)-EXP((-4#)*LOG(647#-TTR)/3#))
15710 GSALT=0
15720 GSALT=HSALT-T*SSALT
15730 BETA0=B0(1)+B0(2)*T+B0(3)/TLO+B0(4)/THI+(PRES-PR)*(B0(5)+B0(6)*T+B0(7)/TLO+B0(8)/THI)
+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(B0(9)+B0(10)*T+B0(11)/TLO+B0(12)/THI)
+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(B0(9)+B0(10)*1+B0(11)/1LO+B0(12)/
15740 BETA1=B1(1)+B1(2)*T+B1(3)/TLO+B1(4)/THI
15750 CG=CMX(1)+CMX(2)*T+CMX(3)/TLO+CMX(4)/THI
+(PRES-PR)*(CMX(5)+CMX(6)*T+CMX(7)/TLO+CMX(8)/THI)
+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(CMX(9)+CMX(10)*T+CMX(11)/TLO+CMX(12)/THI)
15760 BPHÍ=BETA0+BÉTA1*EXP((-2#)*MI)
15770 OSC=1#-2*APHI*MI/(1#+1.2#*MI)+(4#/3#)*MOL*BPHI+16#*MOL*MOL*CG/3#
15780 BG=BETA0+2#*BETA1*(1#-(1#+2#*MI)*EXP((-2#)*MI))/4#/MI/MI
15790 GEX=(-4#)*APHI*MI*MI*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#+4#*MOL*MOL*BG+8#*MOL*MOL*CG
15800 GEX=GEX*RGAS*T
15810 BGM=BG+BPHI
15820 GM1=(-2#)*APHI*(MI/(1#+1.2#*MI)+2#*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#)
15830 GM2=(4#/3#)*MOL*BGM+8#*MOL*MOL*CG
15840 GM=GM1+GM2
15850 GM=EXP(GM)
15850 GM=EXT (CM)

15860 B0L=B0(2)-B0(3)/TLO/TLO+B0(4)/THI/THI+(PRES-PR)*(B0(6)-B0(7)/TLO/TLO+B0(8)/THI/THI)

+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(B0(10)-B0(11)/TLO/TLO+B0(12)/THI/THI)

15870 B1L=B1(2)-B1(3)/TLO/TLO+B1(4)/THI/THI
15880 CGL=CMX(2)-CMX(3)/TLO/TLO+CMX(4)/THI/THI
+(PRES-PR)*(CM\dot{X}(6)-CM\dot{X}(7)/TLO/TLO+CM\dot{X}(8)/THI/THI)
+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(CMX(10)-CMX(11)/TLO/TLO+CMX(12)/THI/THI)
15890 BL=B0L+B1L*(1#-(1#+2#*MI)*EXP((-2#)*MI))/2#/MI/MI
15900 PHIL=3#*AH*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#-4#*MOL*RGAS*T*T*BL-8#*MOL*MOL*RGAS*T*T*CGL
15910 B0J=0 : B1J=0 : CGJ=0 : BJ=0
15920 B0J=2#*B0(2)/T+454#*B0(3)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*B0(4)/T/THI/THI/THI
15930 B0J=B0J+(PRES-PR)*(2#*B0(6)/T+454#*B0(7)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*B0(8)/T/THI/THI/THI)
15940 B0J=B0J+(PRES-PR)*(PRES-PŘ)*(2#*B0(10)/T+454#*B0(11)/T/TLO/TLO/TLÓ+1294#*B0(12)/T/THI/THI/THI)
15950 B1J=2#*B1(2)/T+454#*B1(3)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*B1(4)/T/THI/THI/THI
15960 CGJ=2#*CMX(2)/T+454#*CMX(3)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*CMX(4)/T/THI/THI/THI
```

```
15970 CGJ=CGJ+(PRES-PR)*(2#*CMX(6)/T+454#*CMX(7)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*CMX(8)/T/THI/THI/THI)
15980 CGJ=CGJ
+(PRES-PR)*(PRES-PR)*(2#*CMX(10)/T+454#*CMX(11)/T/TLO/TLO/TLO+1294#*CMX(12)/T/THI/THI/THI)
15990 BJ=B0J+B1J*(1#-(1#+2#*MI)*EXP((-2#)*MI))/2#/MI/MI
16010 CP0=RR(1)+RR(2)*LOG(T)+RR(3)*T-2#*PRES*(RR(5)/T/T+(2#/9#)*RR(6)*T*EXP((-7#)*LOG(THI)/3#))
16020 CP0=CP0-2#*PRES*PRES*(RR(8)/T/T+(2#/9#)*RR(9)*T*EXP((-7#)*LOG(THI)/3#))
16030 PHICP=CP0+3#*AJ*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#-4#*MOL*RGAS*T*T*BJ-8#*MOL*MOL*RGAS*T*T*CGJ
16040 CPX=3#*AJ*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#-4#*MOL*RGAS*T*T*BJ+8#*MOL*MOL*RGAS*T*T*CGJ
16050 V0=10*(RR(4)+RR(5)/T+RR(6)*EXP((-1#)*LOG(THI)/3#))
+20*PRES*(RR(7)+RR(8)/T+RR(9)*EXP((-1#)*LOG(THI)/3#))
16060 B0V=B0(5)+B0(6)*T+B0(7)/TLO+B0(8)/THI+2#*(PRES-PR)*(B0(9)+B0(10)*T+B0(11)/TLO+B0(12)/THI)
16070 B1V=0
16070 BTV=0
16080 CGV=CMX(5)+CMX(6)*T+CMX(7)/TLO+CMX(8)/THI
+2#*(PRES-PR)*(CMX(9)+CMX(10)*T+CMX(11)/TLO+CMX(12)/THI)
16090 VPHI=V0+3#*AV*LOG(1#+1.2#*MI)/1.2#+4#*MOL*RVGAS*T*B0V+8#*MOL*RVGAS*T*CGV
16100 VTOTAL=1000/DD+MOL*VPHI
16110 DSOLN=(1000+SALT*MOL)/VTOTAL
16120 SX=(PHIL-GEX/MOL)/T
16130 SSPEC=S*(1000/WM)+MOL*(SSALT+SX)+RGAS*MOL*(3#-3#*LOG(MOL)-2#*LOG(2#))
16140 SSPEC=SSPEC/(1000+MOL*SALT)
16150 HSPEC=H*(1000/WM)+MOL*(HSALT+PHIL)
16160 HSPEC=HSPEC/(1000+MOL*SALT)
16170 CPSPEC=CPW*(1000/WM)+MOL*PHICP
16180 CPSPEC=CPSPEC/(1000+MOL*SALT)
16190 LPRINT
16200 LPRINT USING"V(water)=+#.####^^^^ Vsalt=+#.###^^^^\";MW/DD,V0
16210 LPRINT USING"G/RT=+##.###
                                           Gsalt/RT=+##.###";G/RHGK/T,GSALT/RGAS/T
Hsalt/RT=+##.##";H/RHGK/T,HSALT/RGAS/T
16220 LPRINT USING"H/RT=+##.###
                                          Ssalt/R =+##.###";S/RHGK,SSALT/RGAS
16230 LPRINT USING"S/R =+##.###
16240 LPRINT USING"Cp/R=+##.###
                                           Cpsalt/R=+###.###";CPW/RHGK,CP0/RGAS
16250 LPRINT
                                                        Density(g/cm3) =+#.#####";MOL,DSOLN
Osmotic coeff. =+#.####";OSC
16260 LPRINT USING"m=+#.####
16270 LPRINT USING"
16280 LPRINT USING"
                                                         Activity coeff. =+#.####";GM
                                                                          =+##.###";PHIL/RGAS/T
=+##.###";SX/RGAS
16290 LPRINT USING"
                                                         Ex enth/RT
16300 LPRINT USING"
                                                         Ex entr/R
16310 LPRINT USING"
                                                                            =+###.###";CPX/RGAS
                                                         Ex Cp/R
                                                Hspecific(J/g)
Sspecific(J/g K)
Cpspecific(J/g K)
16320 LPRINT USING"
                                                                        =+####.#";HSPEC
                                                                        =+#.###";SSPEC
=+#.###";CPSPEC
16330 LPRINT USING"
16340 LPRINT USING"
16350 LPRINT
16360 RETURN
```